

**THEOREME DE THALES**

**I. Rappels de 4<sup>ème</sup> : Propriété sur la proportionnalité des longueurs dans un triangle**

**Propriété1 :** Soit  $ABC$  un triangle.

**Si**

- ✓  $M$  est un point du segment  $[AB]$
- ✓  $N$  est un point du segment  $[AC]$
- ✓  $(MN)$  et  $(BC)$  sont parallèles

**Alors** on a l'égalité des quotients  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$

**Activité1 :** conjecture de la propriété de Thalès à l'aide d'un logiciel de géométrie dynamique

**II. Propriété de Thalès**

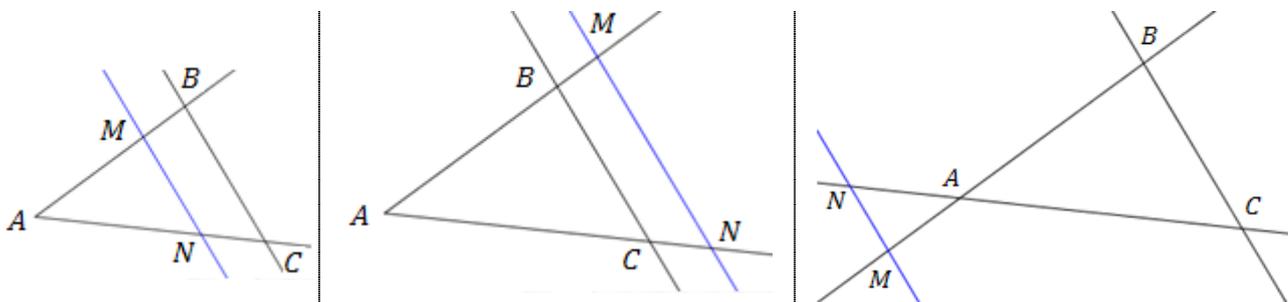
1) énoncé :

**Propriété2 :** Soient  $(d)$  et  $(d')$  deux droites sécantes en  $A$   
 Soient  $B$  et  $M$  sont deux points de  $(d)$ , distinct de  $A$   
 Soient  $C$  et  $N$  sont deux points de  $(d')$ , distinct de  $A$

**Si**  $(MN)$  et  $(BC)$  sont parallèles

**alors, d'après la propriété de Thalès,** on a l'égalité des quotients  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$

Il y a trois cas de figures possibles (*On parle de configurations de Thalès*) :



Ainsi, dans les conditions de la propriété de Thalès, le tableau suivant est un tableau de proportionnalité :

|               | Côté porté par $(d)$ | Côté porté par $(d')$ | Côté porté par les parallèles |
|---------------|----------------------|-----------------------|-------------------------------|
| Côté de $ABC$ | $AB$                 | $AC$                  | $BC$                          |
| Côté de $AMN$ | $AM$                 | $AN$                  | $MN$                          |

**Activité2 :** preuve de la propriété de Thalès

2) Quand utiliser la propriété de Thalès ?

**Réponse :** La propriété de Thalès **permet de calculer des longueurs**

**Exemple :**

Soit  $ABC$  un triangle tel que  $AB = 2,5$  ;  $AC = 4$  et  $BC = 8$ . Soit  $M$  appartenant au segment  $[AB]$  tel que  $AM = 1,7$  et  $N$  le point d'intersection de la droite  $(AC)$  avec la parallèle à  $(BC)$  passant par  $M$ .

Calculer  $AN$ .

3) la « contraposée » de la propriété de Thalès

**Conséquence :** Soient  $(d)$  et  $(d')$  deux droites sécantes en  $A$

Soient  $B$  et  $M$  sont deux points de  $(d)$ , distinct de  $A$

Soient  $C$  et  $N$  sont deux points de  $(d')$ , distinct de  $A$

Si deux des quotients  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$  ne sont pas égaux

Alors les droites  $(BC)$  et  $(MN)$  ne sont pas parallèles

III. Réciproque de la propriété de Thalès

**Activité3 :** activité illustrant l'importance de l'alignement dans le même ordre des points pour la réciproque du théorème de Thalès

1) énoncé

**Propriété3 :** Soient  $(d)$  et  $(d')$  deux droites sécantes en  $A$

Soient  $B$  et  $M$  sont deux points de  $(d)$ , distinct de  $A$

Soient  $C$  et  $N$  sont deux points de  $(d')$ , distinct de  $A$

Si

✓  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$

✓ les points  $A, B, M$  et les points  $A, C, N$  sont dans le même ordre

Alors, d'après la réciproque du théorème de Thalès, les droites  $(BC)$  et  $(MN)$  sont parallèles

2) Quand utiliser la réciproque du théorème de Thalès ?

Réponse : la réciproque de la propriété de Thalès est utile pour démontrer que deux droites sont parallèles.

IV. Partage d'un segment

**Objectif :** savoir construire, sans règle graduée, sur la demi-droite  $[AB)$  le point  $D$  tel que

$$\frac{AD}{AB} = \frac{3}{7} \text{ ou } AD = \frac{3}{7} AB$$

**Méthode :** (Voir animation)

- Programme de construction :

1/ On trace une demi-droite  $[Ax)$

2/ On choisit une longueur unité quelconque

3/ On porte 7 fois cette longueur sur  $[Ax)$ . On appelle  $J$  et  $K$  les points tels que  $AJ = 3$  et  $AK = 7$

4/ On trace la droite  $(KB)$

5/ On trace la droite parallèle à  $(KB)$  passant par  $J$ , elle coupe  $[AB)$  en  $D$

- Preuve :

1/ Utiliser la propriété de Thalès pour démontrer que  $\frac{AD}{AB} = \frac{AJ}{AK}$

2/ En déduire que  $\frac{AD}{AB} = \frac{3}{7}$  et donc  $AD = \frac{3}{7} AB$